

「数直線」をわかりやすく解説 (期末テスト対策ポイント)

「数直線」を学習する理由

- ある数が「どのくらい多い」とか、「どのくらい強いのか」など、どんな状態を 表すのかイメージがつきやすくなって便利だから!
- ある数字が、他の数字や「キホン」とどのくらい離れているのか分かり やすいから!

「数直線とは」

教科書にはなんて書いてあるの?

数直線とは

Iつの直線の上に「基準の点」を決めて、「数O」を対応させる。 この点から左右に等しい間隔で目盛りをつけ、Oよりも右側には正の数である 「+I」「+2」「+3」を順に対応させ、Oよりも左側には負の数である「− I」、「−2」、「−3」を順に対応させたものを数直線と呼ぶ。 数直線上で、数 Oに対応している点のことを「原点」と呼ぶ。

また、数直線の右の方向を「正の方向」、左の方向を「負の方向」と呼ぶ。

「基準の点」?「対応」って…? なんだか全体的にピンとこないよね。

基準の点とは

ザックリいうと

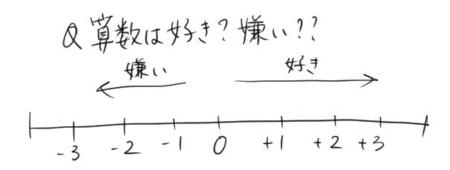
「普通」や「スタート地点」というイメージ。



かるだるこの歌語



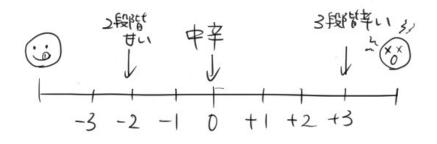
数直線の「普通」や「スタート地点」が「基準の点」になる!



この数直線があらわしているのは「どのくらい算数が好き(嫌い)かどうか」だよね。この時、真ん中ってどういう意味かな?

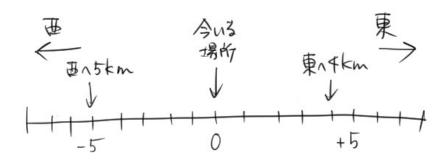
「好き」でも「嫌い」でもないということだよね。 そう、「普通」ということをあらわしているんだね!

ではこれはどうかな?



この数直線は、カレーがどのくらい辛いか(甘いか)をあらわしていて、 基準の点は「辛くも、甘くもない普通の辛さ」だよね。

これの場合はどうだろう。

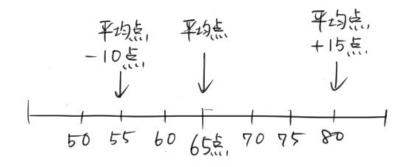


これは「スタート地点」である「今いる場所」が基準の点になっているんだね。





テストの平均点を数直線であらわしてみると



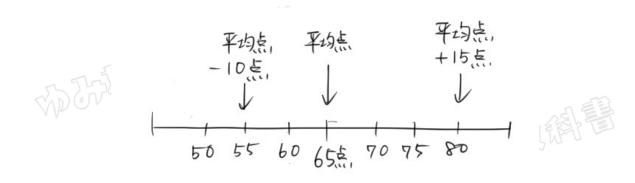
「平均点」はつまり「普通」ということだもんね。 だから平均点が基準の点になっているんだね。

数0を「対応させる」ってどういう意味なの?

ザックリいうと

対応させるとは、「基準の点=数0」とすること!

基準の点が決まったら、そこを「数0」にする! さっきの「平均点」の例で考えてみるよ。



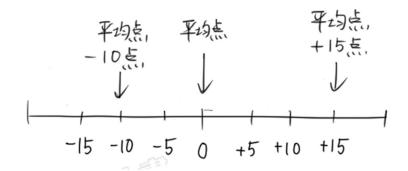
この数直線の「基準の点」である平均点は、65点なんだよね。 数直線では、この基準の点は実際の点数ではなくて、「数0」にしてしまうんだよ。 そもそも、その「数0」ってどいういう意味??

「数0」というのは、単純に「数字の0」と考えてOKだよ。

「O」だけだと、アルファベットの「o(オー)」と区別するのが難しかったりするから、「数字のOだよ」とハッキリ伝えるために「数O」と言っているんだ。



基準の点を「数 O」とすると、こうなるよ。



基準の点を「数O」にすると、それぞれの点が「基準(この場合、平均点)」に比べて、 どのくらい良い点なのか、悪い点なのかがハッキリするね。 であるころを表情

原点とは

教科書には、「数直線上で、数0に対応している点のことを『原点』と呼ぶ」と書かれて いるね。

これはカンタンな事を言っているよ。 さっきは「基準の点」を「数O」に対応させたよね。

だから「数0に対応している点」というのは、結局「基準の点」のことだよ。 つまり、「基準の点」=「数O」=「原点」というだけ。

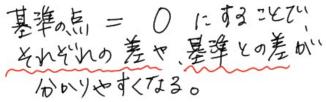
「基準の点」「数0」「原点」を身近な例で考えてみよう。

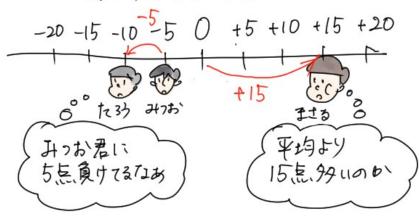


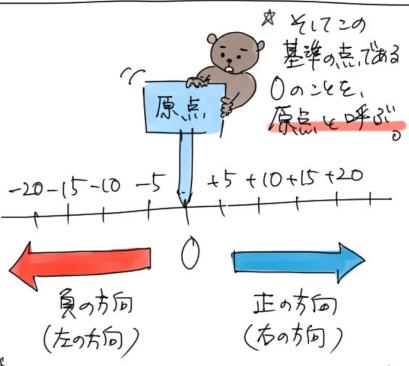












W To

原点の右の方向は原点に対けて十(正)になるので、正の方向」、

原息の左の方向は、原息に対けて一(負)にては3のでしてあったのう

K P\$ 3,110





「正の方向」・「負の方向」について

この正の方向・負の方向だけれど、原点から考えたときだけではなく、「あるポイントから見て」どちらの方向か?という考え方もするよ。

例えば、同じ「負の数」同士の-5と-7で考えてみよう。

- -5 も-7 も、原点から見たら「負の方向」にあるけれど、
- -5 は、-7 から見たら「右の方向」にあるので、「-5 は-7 よりも正の方向にある」と言うんだ。

同じように、正の数同士の+4と+6で考えても、

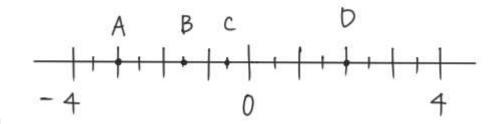
+4は、+6から見たら「左の方向」にあるので、「負の方向」になるんだ。

こういう問題が出る!

実際の問題は、こういう風に出てくるよ

数直線の中の空欄(またはアルファベットなど)に入る数を答えるタイプ

次の数直線のA~Dに当てはまる数を答えなさい



【考え方】

まずは ひとつの目盛りが、「いくつをあらわしているのか」読み取ろう!

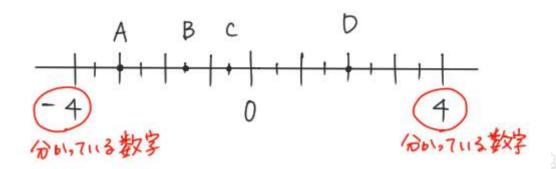
目盛りって、必ず「I」ずつ増えたり減ったりするんじゃないの?と思ってしまいがちだけれど、この「ひとつの目盛りがいくつをあらわすか」は、数直線によって色々違う時があるんだ。

だから必ずチェックしないといけない。



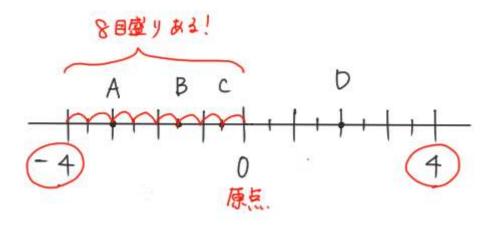
- | 目盛りがいくつをあらわすのかをチェックする方法
- 1.「分かっている」数字を探す。

この時みるポイントは、「数字が分かっているところ」。



この問題の場合は、「-4」と「4」が分かっているよね。

2.「見つけた数字」と、「原点」の間にいくつ目盛りがあるか数える 原点の O から「-4」まで※は、8 目盛りあるね。



※もちろん、原点から「4」までを数えてもいいよ。

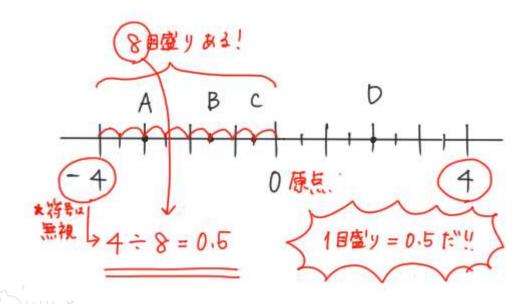
- この場合も、目盛りは8つだよ。
- 3.見つけた数字÷目盛りの数を計算する!
- この時、見つけた数字の「符号」は無視してね。

例えば、見つけた数字が「-4」でも、符号は無視して「4÷8」で計算しよう。

- こうして計算した結果が、「ひとつの目盛りが表す数」だよ。
- この問題の場合は、「 $4\div8=0.5$ 」だから、ひと目盛りは「0.5」をあらわしているんだ。



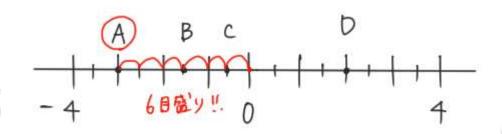




これで答えをもとめるための準備はOK! つぎは実際に、求める点が「いくつになるか」を計算するよ。

原点から求める点までの目盛り×目盛りがあらわす数を求める

I.原点から求める点まで、何目盛りあるか数えよう!たとえば、Aの点を求めてみるよ。 原点からAまでは、6目盛りあるね。

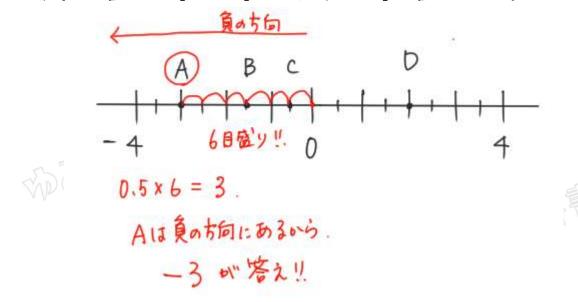


2.ひと目盛りがあらわす数と、目盛りの数を「かける」 さっき求めた「ひと目盛りがあらわす数」は「0.5」だったね。 ということは、Aの点は「6×0.5=3」だから、「3」だね! 答えの数字が出ても、まだ安心したらダメだよ。 「負の数」なのか、「正の数」なのか確認しよう!



求める点が原点よりも「負の方向」にあるなら「-」を、「正の方向」にあるなら「+」 をつける

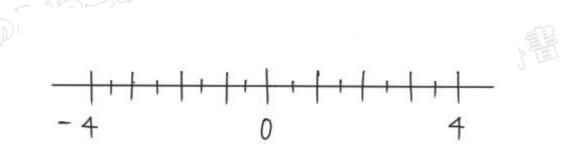
求める点「A」は、原点よりも「負の方向」にあるね。 なので、求めた答えの「3」に「-」をつけて、「-3」が答えになるよ。



これでOK!

数直線の上に、対応する点を書き込むタイプ

次の数に対応する点を、数直線の上にしるしましょう。 -3.5

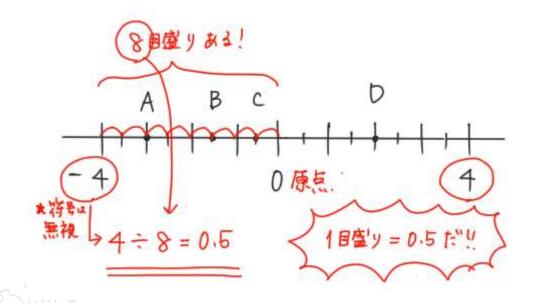


【考え方】

このタイプの問題でも、まずは「ひとつの目盛りがいくつをあらわすのか」を最初に考えるよ。

求めかたはさっきとおんなじ。





ひとつの目盛りは「0.5」をあらわすね。

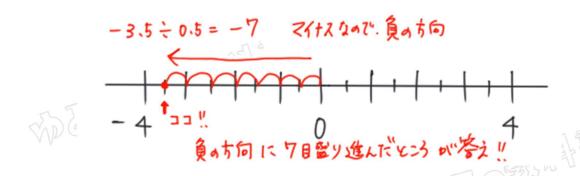
「問題の数字」÷「ひとつの目盛りがあらわす数」をもとめる

問題の数字は「-3.5」だよね。

この「-3.5」を「0.5」で割るんだ。

 $[-3.5 \div 0.5 = -7]$

計算の結果の「-7」から、「負の方向」に「7目盛り」進んだところが「対応する点」になるよ。



計算の結果が「+」だったら、「正の方向へ」、「-」だったら、「負の方向へ」進めばいいんだ。





中学数学ではココを押さえればOK!数直線まとめ

まとめ

- 「基準の点」とは、数直線の「普通」や「スタート地点」をあらわす点のこと。
- 「基準の点」=数0で、この点を「原点」と呼ぶ。
- 原点の右の方向は「正の方向」と呼ぶ。
- 原点の左の方向は「負の方向」と呼ぶ。
- ●【数直線の問題の解き方】
 - 1.分かっている数字を探し、原点からその数字まで何目盛りあるか数える。
 - 2.見つけた数字÷目盛りの数で、「ひと目盛りがいくつをあらわすのか」を もとめる。
 - ※見つけた数字の符号は無視してOK数直線上の点に対応する数を求める場合 I.原点からの目盛りの数×②の答えをもとめる
 - 2.点が負の方向にあるなら「-」、正の方向にあるなら「+」をつけるある 数が、数直線上のどの点に対応するか求める場合
 - 3.その数÷「2」の答えをもとめる
 - 4.1の答えが「-」なら負の方向に、「+」なら正の方向に、答えの数だけ 目盛りを勧める。





