

「yはxの二乗に比例する」関数とは? 二次関数との違い・比例定数

yはxの二乗に比例する関数

「関数」とは、「xの値が1つ決まる」と、「yの値もただ1つ決まる」という関係のことだったよね。

今まで、比例や反比例、一次関数などの関数を学習してきたね。

今まで学習してきた関数

- ・比例 y=ax
- ・反比例 y=ax
- · I 次関数 y=ax+b

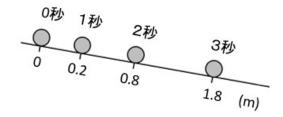
3年生の数学で学習するのは、「二乗に比例する関数」だよ。

二乗に比例する関数の身近な例

「二乗に比例する」と言われても、ちょっとピンとこないね。 実際の例をもとに説明していくよ。

たとえば、「坂道で球を転がしてみた時」を考えてみよう。 坂道で球を転がすと、だんだんスピードアップして転がり落ちていく(加速していく)よ ね。

坂を転がし始めてから、1秒ごとの球の位置を記録したら次のようになったよ。







x秒	0	1	2	3	
ym	0	0.2	0.8	1.8	

この表を見ると

xが2倍、3倍、4倍・・・となるとyの値は4倍、9倍、16倍・・・となっているよね。

じゃあxとyの関係はどうなるだろう? xとyだけの関係で考えると、

x=1 obsta, y=0.2 (y=0.2x)

x=20 t = 0.8 (y=0.8x)

・・・・となってしまって、比例定数が定まらないね。 つまり、これは比例の関係ではないということだね。

そこで、さっきの表に「x²」を付け足してみるよ。

х	0	1	2	3	
x 2	0	1	4	9	
У	0	0.2	0.8	1.8	

 $x^2 = 1 \text{ obsit}, y = 0.2 (y = 0.2x^2)$ $x^2 = 4 \text{ obsit}, y = 0.8 (y = 0.2x^2)$ $x^2 = 9 \text{ obsit}, y = 1.8 (y = 0.2x^2)$

比例定数が定まったね。

つまり、この表を見るとyの値はx2の値の0.2倍になっていることがわかるよね。

х	0	1	2	3		
x 2	0	1	4 5	9 •	X	0.2
у 🛩	0	0.2	0.8	1.8		0.2





だから y=0.2x² と表すことができるんだよ。

「y=0.2x2」という式からもわかるけれど、「yはxの二乗に比例する」関数になっているよね。

二乗に比例する関数の形

 $y=0.2x^2$ は「yはxの二乗に比例する」関数だったよね。「yはxの二乗に比例する」関数の形を紹介しよう。

yはxの二乗に比例する関数

- y=ax²で表すことができる
- 「a」のことを比例定数と呼ぶ
- 比例定数「a」は $a=\frac{y}{x^2}$ で求めることができる ※ただし、この式は「 $y=ax^2$ 」の両辺を「 x^2 」で割ったら出てくるので、絶対に覚える必要はないよ。

WO THE E

「2次関数」と「yはxの二乗に比例する関数」の違い

2年生で「L次関数」を学習したから、3年生で学習したこの「y=ax²」のことは「2次関数」とは言わないの?と思う人も多いかもしれないね。

「2次関数」と「yはxの二乗に比例する関数」の違いを説明するよ。

2次関数と二乗に比例する関数の違い

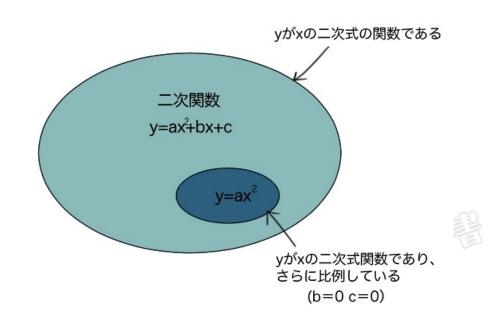
- 2次関数は「y=ax²+bx+c」
- yはxの二乗に比例する関数は「y=ax²」

yはxの二乗に比例する関数「y=ax²」っていうのは、 2次関数「y=ax²+bx+c」の式で、b=0、c=0になる特別な場合のことなんだよ。





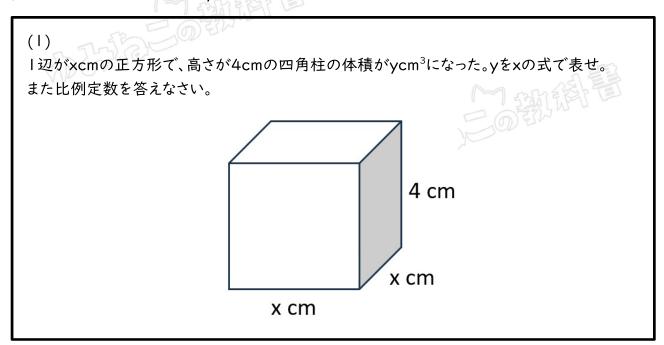
こんな感じのイメージだね。



2次関数という集まりの中に、「yはxの二乗に比例する関数」がいるということだね。 だから、「yはxの二乗に比例する関数」は、2次関数といっても間違いではないけれど、中学3年生でやるのは、b=0、c=0の特別な場合(=比例している)だけだよ。

y=ax2の比例定数の求め方

yはxの二乗に比例する関数「 $y=ax^2$ 」の比例定数「a」の値を次の問題で求めてみよう。







四角柱の体積は

体積=底面積×高さ で求まるから、

 $y=x\times x\times 4$ $y=4x^2$

と表すことができるよね。 だから比例定数は「4」になるね。

(2)

yはx²に比例し、x=2のときy=12になる。yをxの式で表せ。

この問題はよく入試問題や定期試験にでるよ。

まず、「yはx²に比例し」という文章を見たら、 「yはxの二乗に比例する関数だから、答えの式は、y=ax2になるな」と反応できるようにしよう。

これができたら、あとは楽勝だよ。

 $y=ax^2$ に「x=2のときy=12」を代入しよう。 $12=a\times 2^{2}$ 12 = 4aa=3

かるなるこの意味を 比例定数「a」が「3」とわかったので、「y=ax2」の式に代入しよう。 答えの式は

 $y=3x^2$

と求めることができるよ。





「yはxの二乗に比例する関数」まとめ

- 「yはxの二乗に比例する関数」の式は、「y=ax²」で表すことができる
- 「a」のことを比例定数と呼ぶ
- 比例定数「a」は $a=\frac{y}{x^2}$ で求めることができる
- yはxの二乗に比例する関数「y=ax²」とは、2次関数「y=ax²+bx+c」の式で、 b=0、c=0になる特別な場合のことである





WO THE SOUTH OF THE PARTY OF TH

