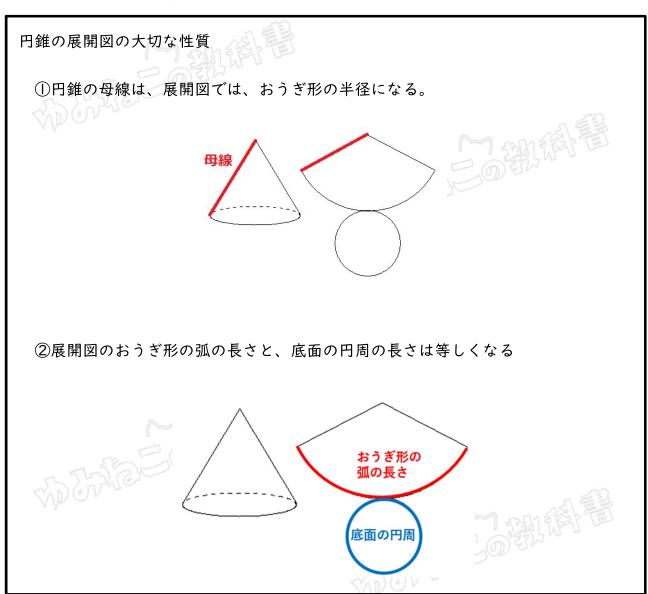


「円錐の展開図」半径・弧の長さ・中心角の求め方を くわしく解説

円錐の展開図の性質を復習しておこう。







円錐の展開図と半径の求め方

まず、円錐の展開図の問題で出ることが多い「底面の半径の求め方」を解説するよ。

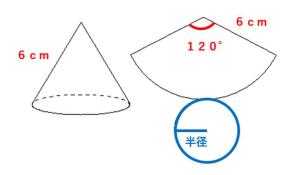
円錐の「母線」と「底面の半径」と「展開したときのおうぎ形の中心角」には大切な関係 があるんだよ。

どんな関係があるかを例題を解きながら考えていこう。

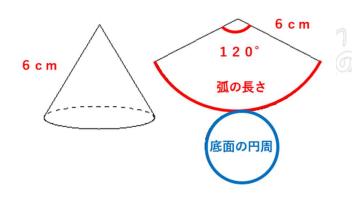
円錐の底面の半径を求める例題

問 (1) (1)

下のような円錐があり、展開図を右にかいた。この円錐の底面の半径を求めなさい。



おうぎ形の弧の長さと底面の円周は等しかったよね。だから、おうぎ形の弧の長さの長さを求めたら、底面の半径が求まりそうだね。







STEPI 弧の長さを求めよう。

おうぎ形の弧の長さを求める公式は次の通りだったよね。

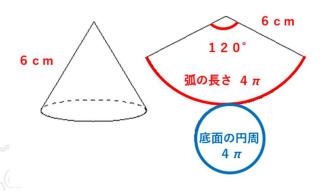
今回の問題では、おうぎ形の半径(母線)が6cm、中心角120° で円周率は π を使うから、式に当てはめると

直径×円周率×中心角

$$=12\times\pi\times\frac{120}{360}$$

 $=4\pi$ (cm)

おうぎ形の弧の長さと底面の円周が等しいから、底面の円周も4πcmだとわかるね。



STEP2底面の円の半径を求める

底面の円周が4πだから、半径も求められそうだよね。円周の求め方は次の通りだったね。

円周=直径×円周率

この式に、円周4π、円周率πを代入すると

 $4\pi =$ 直径 $\times \pi$

上の式から直径=4であることがわかるね。だから、底面の半径は4÷2=2cmということだね。





円錐の「母線と中心角」から「底面の半径」を求める方法

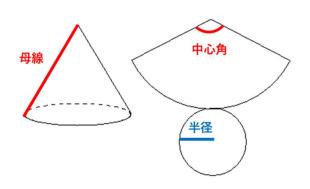
1 展開図を書いて、おうぎ形の弧の長さを求める

公式:直径×円周率×中心角 360

2 おうぎ形の弧の長さと、底面の円周は等しいことから、底面の半径を求める。

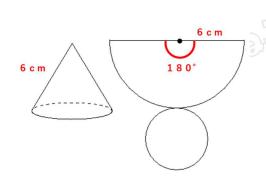
公式:円周=直径×円周率

円錐の「母線」と「展開したときのおうぎ形の中心角」がわかると、「底面の半径」が求まるんだね。



円錐の底面の半径を求める問題①

下の円錐の底面の半径を求めなさい。







STEPI 弧の長さを求めよう。

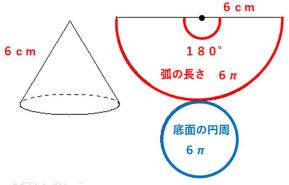
おうぎ形の弧の長さを求める公式は次の通りだったよね。

おうぎ形の半径(母線)が6cm、中心角180°で円周率はπを使うから、式に当てはめると

$$=12\times\pi\times\frac{180}{360}$$

$$=6\pi$$
 (cm)

おうぎ形の弧の長さは6πだとわかったね。ということは、底面の円周も6πだとわかるね。



STEP2底面の円の半径を求める

底面の円周が6πだから、半径も求められそうだよね。円周の求め方は次の通りだったね。

円周=直径×円周率

この式に、円周6π、円周率πを代入すると

$6\pi = 直径 \times \pi$

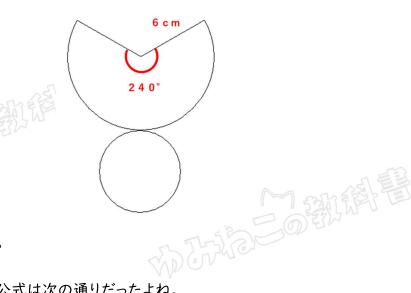
上の式から直径=6であることがわかるね。だから、底面の半径は6÷2=3cmということだね。



ゆみねこの教科書

円錐の底面の半径を求める問題②

下の図は円錐の展開図である。円錐の底面の半径を求めなさい。



STEPI 弧の長さを求めよう。

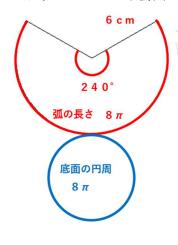
おうぎ形の弧の長さを求める公式は次の通りだったよね。

おうぎ形の半径(母線)が6cm、中心角240°で円周率はπを使うから、式に当てはめると

直径×円周率×
$$\frac{\text{中心角}}{360}$$

= $12 \times \pi \times \frac{240}{360}$
= 8π (cm)

おうぎ形の弧の長さは8πだとわかったね。ということは、底面の円周も8πだとわかるね。







STEP2底面の円の半径を求める

円周の求め方は次の通りだったね。

円周=直径×円周率

この式に、円周8π、円周率πを代入すると

 $8\pi = 直径 \times \pi$

上の式から直径=8であることがわかるね。だから、底面の半径は8÷2=4cmということだね。

円錐の母線と底面の半径と中心角の関係(裏ワザ)

実は、円錐の「母線」「おうぎ形の中心角」そして「底面の半径」には、ある関係式が成り立っているんだ。

さっき紹介した例題と2つの問題で求めた「母線」「おうぎ形の中心角」「底面の半径」を下の表にまとめてみるよ。

	例題	問題①	問題②
母線	6cm	6cm	6cm
中心角	I 20°	180°	240°
底面の半径	2cm	3cm	4cm

どうかな?

なんとこの3つは、「母線× $\frac{e^{-\nu\beta}}{360}$ =底面の半径」という関係が成り立っているね。

この関係を利用すれば、「母線」「おうぎ形の中心角」「底面の半径」のうちどれか2つまでが分かっていれば、簡単にのこりのひとつを求めることができるね。

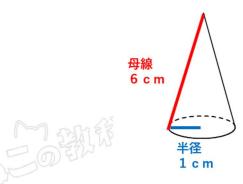
円錐の展開図と中心角の求め方 さっきは、「母線と中心角」から「底面の半径」を求めたね。

それでは今回は、「母線と底面の半径」から「中心角」を求めてみよう。

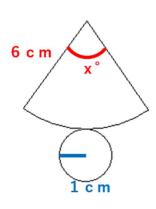




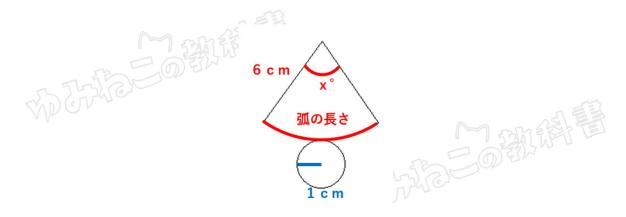
問 下の円錐を展開したとき、側面の中心角を求めなさい。



円錐の展開図は次のようになるよね。おうぎ形の中心角がわからないからx°にしたよ。



STEPI おうぎ形の弧の長さをxを使って表そう。



おうぎ形の弧の長さを求める公式は次の通りだったよね。

直径×円周率×中心角

おうぎ形の半径(母線)が6cm、中心角x°で円周率は π を使うから、式に当てはめると

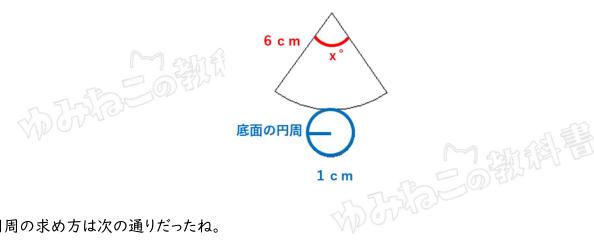




直径×円周率×中心角

$$=12\times\pi\times\frac{\times}{360}$$

STEP2 底面の円の円周を求めよう。



円周の求め方は次の通りだったね。

直径×円周率

この式に、直径2、円周率πを代入すると

直径×π

 $=2\times\pi$

 $=2\pi$ (cm)

STEP3 方程式をたてて中心角を求めよう。

円錐の展開図では、おうぎ形の弧の長さと底面の円周が等しくなるので、STEP1とSTEP2の式 で方程式を作ろう。







おうぎ形の弧の長さ=底面の円の円周 になるから

$$12 \times \pi \times \frac{\times}{360} = 2 \pi$$

という方程式をたてることができるよ。これをxについて解けば、中心角が求まるってこと。

$$12 \times \pi \times \frac{\times}{360} = 2 \pi$$

$$\frac{x}{30} = 2$$

x = 60

元三の歌稿書 xは中心角だったから、おうぎ形の中心角は60°と求められるよ。









「円錐の展開図の半径・弧の長さ・中心角の求め方」まとめ

円錐の「母線と中心角」から「底面の半径」を求める方法

- 1.展開図を書いて、おうぎ形の弧の長さを求める 公式:直径(母線×2)×円周率×中心角
- 2. おうぎ形の弧の長さと、底面の円周は等しいことから、底面の半径を求める。 公式:円周=直径×円周率 かるなるこの教育書

円錐の「母線と底面の半径」から「中心角」を求める方法

- Ⅰ おうぎ形の弧の長さを×を使って表す 公式:直径(母線×2)×円周率× $\frac{x}{2}$
- 2 底面の円の円周を求める 公式:直径×円周率 3 |の式と、2で求めたもので方程式をたててx(中心角)を求める

円錐の「母線」「おうぎ形の中心角」「底面の半径」の3つは「母線 $\times \frac{\text{punh}}{360}$ =底面の半径」という関 THE CONTRACTOR 係で成り立っている

